

# Análise exploratória de dados

## Parte 2

Prof.: Eduardo Vargas Ferreira

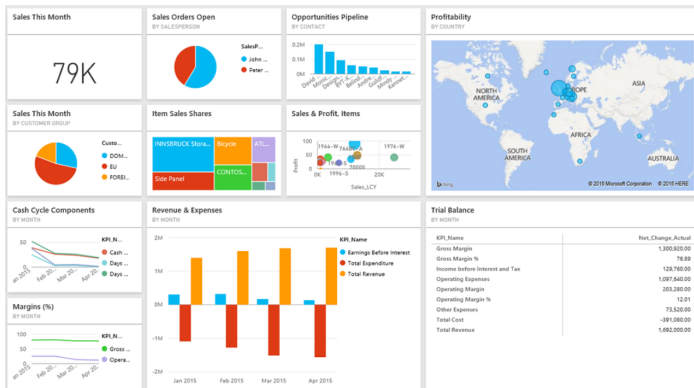


# Precisamos aprender como apresentar os dados



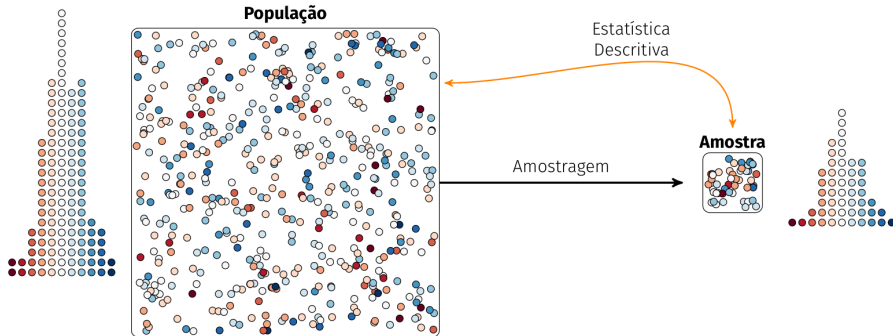
“Os números tem uma importante história para contar. Eles dependem de você dar-lhes um clara e convincente voz.”

-Stephen Few



# Papel da estatística descritiva

- ▶ A **estatística descritiva** emprega métodos numéricos e gráficos para investigar padrões em um conjunto de dados apresentando-os de uma forma simplificada.



# Objetivos com a descrição dos dados

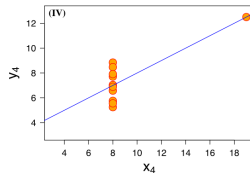
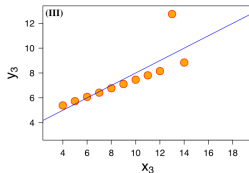
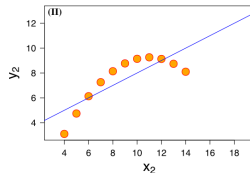
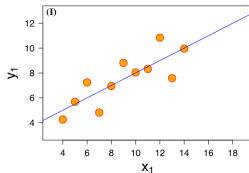


1. Investigar o **comportamento** de uma variável.
2. Examinar a **relação** entre variáveis.
3. Enfatizar a **ordenação/classificação** de elementos/categorias.
4. Compreender a estrutura **organização** dos elementos/categorias.
5. Explorar a **evolução** cronológica de uma variável.
6. Revelar padrões **espaciais** nos dados.
7. Descrever a **conexão** entre elementos/categorias.



# Qual o comportamento destes dados?

| I    |       | II   |      | III  |       | IV   |       |
|------|-------|------|------|------|-------|------|-------|
| x    | y     | x    | y    | x    | y     | x    | y     |
| 10.0 | 8.04  | 10.0 | 9.14 | 10.0 | 7.46  | 8.0  | 6.58  |
| 8.0  | 6.95  | 8.0  | 8.14 | 8.0  | 6.77  | 8.0  | 5.76  |
| 13.0 | 7.58  | 13.0 | 8.74 | 13.0 | 12.74 | 8.0  | 7.71  |
| 9.0  | 8.81  | 9.0  | 8.77 | 9.0  | 7.11  | 8.0  | 8.84  |
| 11.0 | 8.33  | 11.0 | 9.26 | 11.0 | 7.81  | 8.0  | 8.47  |
| 14.0 | 9.96  | 14.0 | 8.10 | 14.0 | 8.84  | 8.0  | 7.04  |
| 6.0  | 7.24  | 6.0  | 6.13 | 6.0  | 6.08  | 8.0  | 5.25  |
| 4.0  | 4.26  | 4.0  | 3.10 | 4.0  | 5.39  | 19.0 | 12.50 |
| 12.0 | 10.84 | 12.0 | 9.13 | 12.0 | 8.15  | 8.0  | 5.56  |
| 7.0  | 4.82  | 7.0  | 7.26 | 7.0  | 6.42  | 8.0  | 7.91  |
| 5.0  | 5.68  | 5.0  | 4.74 | 5.0  | 5.73  | 8.0  | 6.89  |



# Formas para descrição dos dados

## Numérica:

- ▶ Tabelas de frequência;
- ▶ Medidas resumo (média, variância, etc).

## Gráfica:

- ▶ Gráficos de uma variável;
- ▶ Duas ou mais variáveis.



---

# Organização de dados em tabelas

# Exemplo: Doctor Who

- Qual ator atuou no maior número de episódios da série Doctor Who?



Tabela de Frequências Absolutas e Relativas

| Ator                   | Freq. Absoluta | Freq. Relativa |
|------------------------|----------------|----------------|
| William Hartnell       | 136            | 0.157          |
| Patrick Troughton      | 127            | 0.147          |
| Jon Pertwee            | 129            | 0.149          |
| Tom Baker              | 173            | 0.200          |
| Peter Davison          | 70             | 0.081          |
| Colin Baker            | 35             | 0.041          |
| Sylvester McCoy        | 42             | 0.049          |
| Christopher Ecclestone | 20             | 0.023          |
| David Tennant          | 52             | 0.060          |
| Matt Smith             | 51             | 0.059          |
| Peter Capaldi          | 29             | 0.034          |

# Exemplo: cereais matinais

- Qual cereal apresenta menor quantidade de calorias?



Calorias e Carboidratos (Porções de 30g)

| Cereal      | Calorias | Carboidratos |
|-------------|----------|--------------|
| Sucrilhos   | 109      | 26.0         |
| All Bran    | 81       | 13.5         |
| Nesfit      | 102      | 21.0         |
| Nescau      | 115      | 23.0         |
| Snow        | 113      | 25.0         |
| Crunch      | 119      | 23.0         |
| Moça        | 113      | 25.0         |
| Fibra Mais  | 84       | 15.0         |
| Froot Loops | 113      | 25.0         |

# Organização de dados em tabelas

**Tabela:** informações socioeconômicas de 20 funcionários da empresa.

| ID | Estado civil | Grau de instrução  | Nº de filhos | Salário* | Idade |       | Região de procedência |
|----|--------------|--------------------|--------------|----------|-------|-------|-----------------------|
|    |              |                    |              |          | anos  | meses |                       |
| 1  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 4,00     | 26    | 03    | interior              |
| 2  | casado       | ensino fundamental | 1            | 4,56     | 32    | 10    | interior              |
| 3  | casado       | ensino fundamental | 2            | 5,25     | 36    | 05    | capital               |
| 4  | solteiro     | ensino médio       | -            | 5,73     | 20    | 10    | capital               |
| 5  | solteiro     | superior           | 3            | 6,26     | 40    | 07    | interior              |
| 6  | casado       | ensino fundamental | -            | 6,66     | 28    | 00    | outra                 |
| 7  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 6,86     | 41    | 00    | interior              |
| 8  | solteiro     | ensino fundamental | 2            | 7,39     | 43    | 04    | capital               |
| 9  | casado       | ensino médio       | 1            | 7,59     | 34    | 10    | outra                 |
| 10 | solteiro     | ensino médio       | 1            | 7,44     | 23    | 06    | interior              |
| 11 | casado       | ensino médio       | 2            | 8,12     | 33    | 10    | interior              |
| 12 | solteiro     | ensino fundamental | 5            | 8,46     | 27    | 06    | interior              |
| 13 | solteiro     | ensino médio       | 3            | 8,74     | 37    | 11    | interior              |
| 14 | casado       | ensino médio       | 4            | 8,95     | 44    | 10    | interior              |
| 15 | casado       | ensino médio       | -            | 9,13     | 30    | 11    | capital               |
| 16 | solteiro     | superior           | 4            | 9,35     | 38    | 06    | capital               |
| 17 | casado       | superior           | 4            | 9,77     | 31    | 10    | interior              |
| 18 | casado       | superior           | -            | 9,80     | 39    | 08    | outra                 |
| 19 | solteiro     | ensino fundamental | 3            | 10,53    | 25    | 10    | interior              |
| 20 | solteiro     | ensino médio       | 2            | 10,76    | 37    | 08    | capital               |

\* número de salários mínimos

**Fonte:** dados hipotéticos

# Título: texto conciso, indicador do conteúdo de uma tabela

**Tabela:** informações socioeconômicas de 20 funcionários da empresa.

| ID | Estado civil | Grau de instrução  | Nº de filhos | Salário* | Idade |       | Região de procedência |
|----|--------------|--------------------|--------------|----------|-------|-------|-----------------------|
|    |              |                    |              |          | anos  | meses |                       |
| 1  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 4,00     | 26    | 03    | interior              |
| 2  | casado       | ensino fundamental | 1            | 4,56     | 32    | 10    | interior              |
| 3  | casado       | ensino fundamental | 2            | 5,25     | 36    | 05    | capital               |
| 4  | solteiro     | ensino médio       | -            | 5,73     | 20    | 10    | capital               |
| 5  | solteiro     | superior           | 3            | 6,26     | 40    | 07    | interior              |
| 6  | casado       | ensino fundamental | -            | 6,66     | 28    | 00    | outra                 |
| 7  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 6,86     | 41    | 00    | interior              |
| 8  | solteiro     | ensino fundamental | 2            | 7,39     | 43    | 04    | capital               |
| 9  | casado       | ensino médio       | 1            | 7,59     | 34    | 10    | outra                 |
| 10 | solteiro     | ensino médio       | 1            | 7,44     | 23    | 06    | interior              |
| 11 | casado       | ensino médio       | 2            | 8,12     | 33    | 10    | interior              |
| 12 | solteiro     | ensino fundamental | 5            | 8,46     | 27    | 06    | interior              |
| 13 | solteiro     | ensino médio       | 3            | 8,74     | 37    | 11    | interior              |
| 14 | casado       | ensino médio       | 4            | 8,95     | 44    | 10    | interior              |
| 15 | casado       | ensino médio       | -            | 9,13     | 30    | 11    | capital               |
| 16 | solteiro     | superior           | 4            | 9,35     | 38    | 06    | capital               |
| 17 | casado       | superior           | 4            | 9,77     | 31    | 10    | interior              |
| 18 | casado       | superior           | -            | 9,80     | 39    | 08    | outra                 |
| 19 | solteiro     | ensino fundamental | 3            | 10,53    | 25    | 10    | interior              |
| 20 | solteiro     | ensino médio       | 2            | 10,76    | 37    | 08    | capital               |

\* número de salários mínimos

**Fonte:** dados hipotéticos

# Cabeçalho: especifica o conteúdo das colunas

**Tabela:** informações socioeconômicas de 20 funcionários da empresa.

| ID | Estado civil | Grau de instrução  | Nº de filhos | Salário* | Idade |       | Região de procedência |
|----|--------------|--------------------|--------------|----------|-------|-------|-----------------------|
|    |              |                    |              |          | anos  | meses |                       |
| 1  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 4,00     | 26    | 03    | interior              |
| 2  | casado       | ensino fundamental | 1            | 4,56     | 32    | 10    | interior              |
| 3  | casado       | ensino fundamental | 2            | 5,25     | 36    | 05    | capital               |
| 4  | solteiro     | ensino médio       | -            | 5,73     | 20    | 10    | capital               |
| 5  | solteiro     | superior           | 3            | 6,26     | 40    | 07    | interior              |
| 6  | casado       | ensino fundamental | -            | 6,66     | 28    | 00    | outra                 |
| 7  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 6,86     | 41    | 00    | interior              |
| 8  | solteiro     | ensino fundamental | 2            | 7,39     | 43    | 04    | capital               |
| 9  | casado       | ensino médio       | 1            | 7,59     | 34    | 10    | outra                 |
| 10 | solteiro     | ensino médio       | 1            | 7,44     | 23    | 06    | interior              |
| 11 | casado       | ensino médio       | 2            | 8,12     | 33    | 10    | interior              |
| 12 | solteiro     | ensino fundamental | 5            | 8,46     | 27    | 06    | interior              |
| 13 | solteiro     | ensino médio       | 3            | 8,74     | 37    | 11    | interior              |
| 14 | casado       | ensino médio       | 4            | 8,95     | 44    | 10    | interior              |
| 15 | casado       | ensino médio       | -            | 9,13     | 30    | 11    | capital               |
| 16 | solteiro     | superior           | 4            | 9,35     | 38    | 06    | capital               |
| 17 | casado       | superior           | 4            | 9,77     | 31    | 10    | interior              |
| 18 | casado       | superior           | -            | 9,80     | 39    | 08    | outra                 |
| 19 | solteiro     | ensino fundamental | 3            | 10,53    | 25    | 10    | interior              |
| 20 | solteiro     | ensino médio       | 2            | 10,76    | 37    | 08    | capital               |

\* número de salários mínimos

**Fonte:** dados hipotéticos



# Corpo: linhas e colunas com informações sobre as variáveis

**Tabela:** informações socioeconômicas de 20 funcionários da empresa.

| ID | Estado civil | Grau de instrução  | Nº de filhos | Salário* | Idade |       | Região de procedência |
|----|--------------|--------------------|--------------|----------|-------|-------|-----------------------|
|    |              |                    |              |          | anos  | meses |                       |
| 1  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 4,00     | 26    | 03    | interior              |
| 2  | casado       | ensino fundamental | 1            | 4,56     | 32    | 10    | interior              |
| 3  | casado       | ensino fundamental | 2            | 5,25     | 36    | 05    | capital               |
| 4  | solteiro     | ensino médio       | -            | 5,73     | 20    | 10    | capital               |
| 5  | solteiro     | superior           | 3            | 6,26     | 40    | 07    | interior              |
| 6  | casado       | ensino fundamental | -            | 6,66     | 28    | 00    | outra                 |
| 7  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 6,86     | 41    | 00    | interior              |
| 8  | solteiro     | ensino fundamental | 2            | 7,39     | 43    | 04    | capital               |
| 9  | casado       | ensino médio       | 1            | 7,59     | 34    | 10    | outra                 |
| 10 | solteiro     | ensino médio       | 1            | 7,44     | 23    | 06    | interior              |
| 11 | casado       | ensino médio       | 2            | 8,12     | 33    | 10    | interior              |
| 12 | solteiro     | ensino fundamental | 5            | 8,46     | 27    | 06    | interior              |
| 13 | solteiro     | ensino médio       | 3            | 8,74     | 37    | 11    | interior              |
| 14 | casado       | ensino médio       | 4            | 8,95     | 44    | 10    | interior              |
| 15 | casado       | ensino médio       | -            | 9,13     | 30    | 11    | capital               |
| 16 | solteiro     | superior           | 4            | 9,35     | 38    | 06    | capital               |
| 17 | casado       | superior           | 4            | 9,77     | 31    | 10    | interior              |
| 18 | casado       | superior           | -            | 9,80     | 39    | 08    | outra                 |
| 19 | solteiro     | ensino fundamental | 3            | 10,53    | 25    | 10    | interior              |
| 20 | solteiro     | ensino médio       | 2            | 10,76    | 37    | 08    | capital               |

\* número de salários mínimos

**Fonte:** dados hipotéticos

# Notas: servem para esclarecer o conteúdo das tabelas

**Tabela:** informações socioeconômicas de 20 funcionários da empresa.

| ID | Estado civil | Grau de instrução  | Nº de filhos | Salário* | Idade |       | Região de procedência |
|----|--------------|--------------------|--------------|----------|-------|-------|-----------------------|
|    |              |                    |              |          | anos  | meses |                       |
| 1  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 4,00     | 26    | 03    | interior              |
| 2  | casado       | ensino fundamental | 1            | 4,56     | 32    | 10    | interior              |
| 3  | casado       | ensino fundamental | 2            | 5,25     | 36    | 05    | capital               |
| 4  | solteiro     | ensino médio       | -            | 5,73     | 20    | 10    | capital               |
| 5  | solteiro     | superior           | 3            | 6,26     | 40    | 07    | interior              |
| 6  | casado       | ensino fundamental | -            | 6,66     | 28    | 00    | outra                 |
| 7  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 6,86     | 41    | 00    | interior              |
| 8  | solteiro     | ensino fundamental | 2            | 7,39     | 43    | 04    | capital               |
| 9  | casado       | ensino médio       | 1            | 7,59     | 34    | 10    | outra                 |
| 10 | solteiro     | ensino médio       | 1            | 7,44     | 23    | 06    | interior              |
| 11 | casado       | ensino médio       | 2            | 8,12     | 33    | 10    | interior              |
| 12 | solteiro     | ensino fundamental | 5            | 8,46     | 27    | 06    | interior              |
| 13 | solteiro     | ensino médio       | 3            | 8,74     | 37    | 11    | interior              |
| 14 | casado       | ensino médio       | 4            | 8,95     | 44    | 10    | interior              |
| 15 | casado       | ensino médio       | -            | 9,13     | 30    | 11    | capital               |
| 16 | solteiro     | superior           | 4            | 9,35     | 38    | 06    | capital               |
| 17 | casado       | superior           | 4            | 9,77     | 31    | 10    | interior              |
| 18 | casado       | superior           | -            | 9,80     | 39    | 08    | outra                 |
| 19 | solteiro     | ensino fundamental | 3            | 10,53    | 25    | 10    | interior              |
| 20 | solteiro     | ensino médio       | 2            | 10,76    | 37    | 08    | capital               |

\* número de salários mínimos

Fonte: dados hipotéticos

# Fonte: identificador do responsável pelo fornecimento dos dados

**Tabela:** informações socioeconômicas de 20 funcionários da empresa.

| ID | Estado civil | Grau de instrução  | Nº de filhos | Salário* | Idade |       | Região de procedência |
|----|--------------|--------------------|--------------|----------|-------|-------|-----------------------|
|    |              |                    |              |          | anos  | meses |                       |
| 1  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 4,00     | 26    | 03    | interior              |
| 2  | casado       | ensino fundamental | 1            | 4,56     | 32    | 10    | interior              |
| 3  | casado       | ensino fundamental | 2            | 5,25     | 36    | 05    | capital               |
| 4  | solteiro     | ensino médio       | -            | 5,73     | 20    | 10    | capital               |
| 5  | solteiro     | superior           | 3            | 6,26     | 40    | 07    | interior              |
| 6  | casado       | ensino fundamental | -            | 6,66     | 28    | 00    | outra                 |
| 7  | solteiro     | ensino fundamental | -            | 6,86     | 41    | 00    | interior              |
| 8  | solteiro     | ensino fundamental | 2            | 7,39     | 43    | 04    | capital               |
| 9  | casado       | ensino médio       | 1            | 7,59     | 34    | 10    | outra                 |
| 10 | solteiro     | ensino médio       | 1            | 7,44     | 23    | 06    | interior              |
| 11 | casado       | ensino médio       | 2            | 8,12     | 33    | 10    | interior              |
| 12 | solteiro     | ensino fundamental | 5            | 8,46     | 27    | 06    | interior              |
| 13 | solteiro     | ensino médio       | 3            | 8,74     | 37    | 11    | interior              |
| 14 | casado       | ensino médio       | 4            | 8,95     | 44    | 10    | interior              |
| 15 | casado       | ensino médio       | -            | 9,13     | 30    | 11    | capital               |
| 16 | solteiro     | superior           | 4            | 9,35     | 38    | 06    | capital               |
| 17 | casado       | superior           | 4            | 9,77     | 31    | 10    | interior              |
| 18 | casado       | superior           | -            | 9,80     | 39    | 08    | outra                 |
| 19 | solteiro     | ensino fundamental | 3            | 10,53    | 25    | 10    | interior              |
| 20 | solteiro     | ensino médio       | 2            | 10,76    | 37    | 08    | capital               |

\* número de salários mínimos

**Fonte:** dados hipotéticos

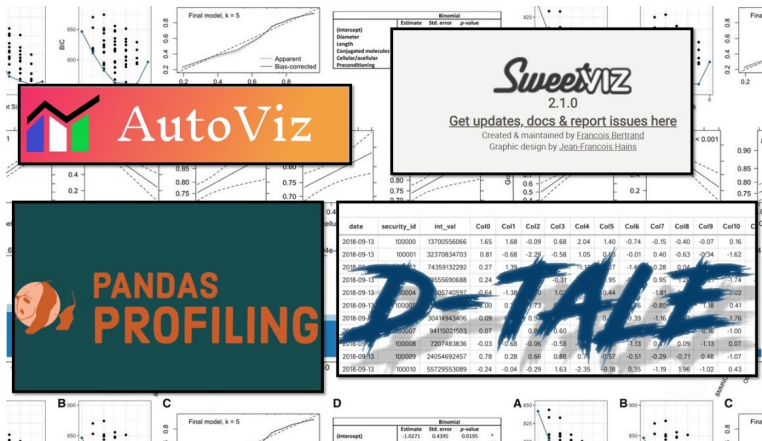
# Tabelas e gráficos devem ter significado próprio



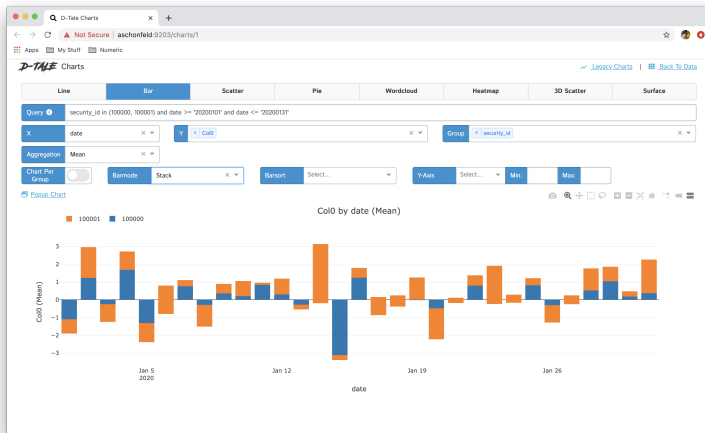
# Como apresentar dados realmente grandes?



# Já existem abordagens automáticas



# Já existem abordagens automáticas



# Já existem abordagens automáticas





# Distribuição de frequências

# Distribuição de frequências

| ID | Estado civil | Grau de instrução  |
|----|--------------|--------------------|
| 1  | solteiro     | ensino fundamental |
| 2  | casado       | ensino fundamental |
| 3  | casado       | ensino fundamental |
| 4  | solteiro     | ensino médio       |
| 5  | solteiro     | superior           |
| 6  | casado       | ensino fundamental |
| 7  | solteiro     | ensino fundamental |
| 8  | solteiro     | ensino fundamental |
| 9  | casado       | ensino médio       |
| 10 | solteiro     | ensino médio       |
| 11 | casado       | ensino médio       |
| 12 | solteiro     | ensino fundamental |
| 13 | solteiro     | ensino médio       |
| 14 | casado       | ensino médio       |
| ⋮  | ⋮            | ⋮                  |
| 32 | solteiro     | superior           |
| 33 | casado       | superior           |
| 34 | casado       | superior           |
| 35 | solteiro     | ensino fundamental |
| 36 | solteiro     | ensino médio       |

- Quando se estuda uma variável, o maior interesse está em conhecer o **comportamento** dela.

| Grau de instrução | Frequência<br>$n_i$ | Proporção<br>$f_i$ | Porcentagem<br>$100f_i$ |
|-------------------|---------------------|--------------------|-------------------------|
| Fundamental       | 12                  | 0.33               | 33%                     |
| Médio             | 18                  | 0.50               | 50%                     |
| Superior          | 6                   | 0.17               | 17%                     |
| Total             | 36                  | 1.00               | 100%                    |

# Tipos de distribuição de frequências

- **Distribuição de frequências simples:** é uma tabela em que os valores da variável aparecem individualmente relacionados as suas frequências.

| Número de<br>acidentes | Frequência em dias<br>$n_i$ |
|------------------------|-----------------------------|
| 0                      | 18                          |
| 1                      | 5                           |
| 2                      | 2                           |
| 3                      | 2                           |
| 4                      | 3                           |
| 5                      | 1                           |
| Total                  | 31                          |

**Interpretação:** nos 31 dias do mês de janeiro,

- 18 dias não houve acidentes;
- 5 dias ocorreu 1 acidente;
- 2 dias ocorreram 2 acidentes.

⋮

## Exemplo: número de irmãos

- ▶ Os dados referem-se ao  $n^o$  de irmãos dos alunos da turma de Estatística:

1-3-0-5-2-1-1-0-0-1-4-3-1-0-1-2-2-1-3-1

- ▶ Para construir as frequências simples, primeiro ordenamos os dados:

0-0-0-0-1-1-1-1-1-1-1-1-2-2-2-3-3-3-4-5

| Índice | Número de irmãos | Frequência ( $n_i$ ) |
|--------|------------------|----------------------|
| 1      | 0                | 4                    |
| 2      | 1                | 8                    |
| 3      | 2                | 3                    |
| 4      | 3                | 3                    |
| 5      | 4                | 1                    |
| 6      | 5                | 1                    |
| Total  |                  | $\sum n_i = 20$      |

# Frequência simples *vs* Frequência relativa

## Frequência simples:

$n_i$  = número de observações no nível  $i$

## Frequência relativa:

$$f_i = \frac{\text{número de observações no nível } i}{\text{total das observações}}$$

| Índice | Número de irmãos | Frequência ( $n_i$ ) | Frequência relativa ( $f_i$ ) |
|--------|------------------|----------------------|-------------------------------|
| 1      | 0                | 4                    | 0,2                           |
| 2      | 1                | 8                    | 0,4                           |
| 3      | 2                | 3                    | 0,15                          |
| 4      | 3                | 3                    | 0,15                          |
| 5      | 4                | 1                    | 0,05                          |
| 6      | 5                | 1                    | 0,05                          |
| Total  |                  | $\sum n_i = 20$      | $\sum f_i = 1$                |

$$f_1 = \frac{n_1}{\sum n_i} = \frac{4}{20} = 0.2$$

$$f_2 = \frac{n_2}{\sum n_i} = \frac{8}{20} = 0.4$$

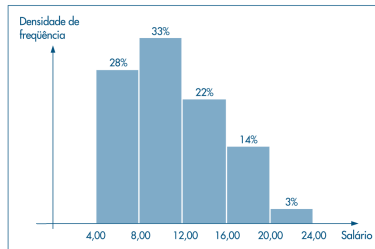
# Tipos de distribuição de frequências

- **Distribuição de frequências por classes:** É uma tabela em que os valores observados são agrupados em intervalos (classes) de variação.

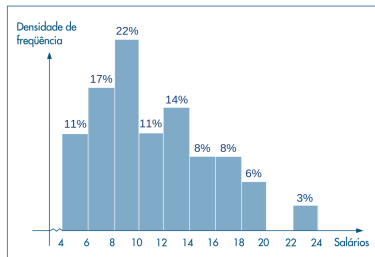
| Classe de salários | Ponto médio | Frequência | Porcentagem |
|--------------------|-------------|------------|-------------|
| 4,00 ┤ 8,00        | 6           | 10         | 27.78       |
| 8,00 ┤ 12,00       | 10          | 12         | 33.33       |
| 12,00 ┤ 16,00      | 14          | 8          | 22.22       |
| 16,00 ┤ 20,00      | 18          | 5          | 13.89       |
| 20,00 ┤ 24,00      | 22          | 1          | 2.78        |
| Total              | -           | 36         | 100         |

# Distribuição de frequência variando o número de classes

| Classe de salários | Frequência |
|--------------------|------------|
| 4 ┤ 8              | 10         |
| 8 ┤ 12             | 12         |
| 12 ┤ 16            | 8          |
| 16 ┤ 20            | 5          |
| 20 ┤ 24            | 1          |
| Total              | 36         |



| Classe de salários | Frequência |
|--------------------|------------|
| 4 ┤ 6              | 4          |
| 6 ┤ 8              | 6          |
| 8 ┤ 10             | 8          |
| 10 ┤ 12            | 4          |
| 12 ┤ 14            | 5          |
| 14 ┤ 16            | 3          |
| 16 ┤ 18            | 3          |
| 18 ┤ 20            | 2          |
| 20 ┤ 22            | 0          |
| 22 ┤ 24            | 1          |
| Total              | 36         |



Fonte: Estatística Básica (Bussab e Moretin, 2017)

# Distribuição de frequências por classes

(a) Determinar a **amplitude total** dos dados ( $A_T$ );

(b) Determinar o **número de classes** ( $k$ ):

$$\text{Regra da raiz quadrada: } \begin{cases} k = 5, & \text{se } n \leq 25 \\ k = \sqrt{n}, & \text{c.c.} \end{cases}$$

**Regra de Sturges:**  $k = 1 + \log_{10} n$ .

| Classe de salários |
|--------------------|
| 4,00 ┆ 8,00        |
| 8,00 ┆ 12,00       |
| 12,00 ┆ 16,00      |
| 16,00 ┆ 20,00      |
| 20,00 ┆ 24,00      |

(c) Determinar a **amplitude de classe** ( $h$ ) que pode ser dada por  $h = \frac{A_T}{k}$ ;

(d) Determinar os **limites de classes**. O limite da primeira classe e o limite da última, não precisam, necessariamente, pertencer ao conjunto.



# Exemplo: distribuição das notas

- Os dados a seguir representam as notas de 50 alunos.

|    |    |    |    |    |    |    |    |    |    |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 33 | 35 | 35 | 39 | 41 | 41 | 42 | 45 | 47 | 48 |
| 50 | 52 | 53 | 54 | 55 | 55 | 57 | 59 | 60 | 60 |
| 61 | 64 | 65 | 65 | 65 | 66 | 66 | 66 | 67 | 68 |
| 69 | 71 | 73 | 73 | 74 | 74 | 76 | 77 | 77 | 78 |
| 80 | 81 | 84 | 85 | 85 | 88 | 89 | 91 | 94 | 97 |

| Classe de notas | Frequência<br>$n_i$ | Porcentagem<br>$100f_i$ |
|-----------------|---------------------|-------------------------|
| 30 ┤ 40         |                     |                         |
| 40 ┤ 50         |                     |                         |
| 50 ┤ 60         |                     |                         |
| ⋮               |                     |                         |
| 90 ┤ 100        |                     |                         |
| Total           |                     |                         |

- (a) **Amplitude total:**  $A_T = 97 - 33 = 64$ ;
- (b) **Número de classes:**  $k = \sqrt{50} \approx 7$ ;
- (c) **Amplitude das classes:**  $h = \frac{A_T}{k} = \frac{64}{7} = 9,14 \approx 10$ .
- (d) **Limites de classes:**  $30 \vdash 40, 40 \vdash 50, \dots$

# Exemplo: distribuição das notas

- Os dados a seguir representam as notas de 50 alunos.

33 35 35 39 41 41 42 45 47 48  
50 52 53 54 55 55 57 59 60 60  
61 64 65 65 65 66 66 66 67 68  
69 71 73 73 74 74 76 77 77 78  
80 81 84 85 85 88 89 91 94 97



- Existem diversas maneiras de expressar as classes:

1.  $a \vdash b$ ;

2.  $a \dashv b$ ;

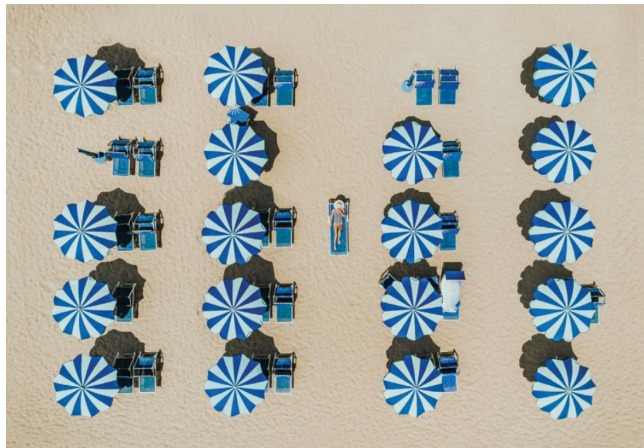
3.  $a - b$ ;

| Classe de notas | Frequência<br>$n_i$ | Porcentagem<br>$100f_i$ |
|-----------------|---------------------|-------------------------|
| 30 $\vdash$ 40  | 4                   | 8%                      |
| 40 $\vdash$ 50  | 6                   | 12%                     |
| 50 $\vdash$ 60  | 8                   | 16%                     |
| $\vdots$        | $\vdots$            | $\vdots$                |
| 90 $\vdash$ 100 | 3                   | 6%                      |
| Total           | 50                  | 100%                    |

Devemos atrair a atenção da audiência para o que queremos



# Devemos atrair a atenção da audiência para o que queremos



## Exemplo: clientes separados por classes

| Classe | # de contas | % de contas | Receita (\$M) | % Receita |
|--------|-------------|-------------|---------------|-----------|
| A+     | 19          | 2%          | \$3,9         | 21%       |
| A      | 77          | 7%          | \$4,7         | 25%       |
| B      | 338         | 31%         | \$6,0         | 32%       |
| C      | 425         | 39%         | \$2,8         | 15%       |
| D      | 24          | 2%          | \$0,4         | 2%        |
| Outros | 205         | 19%         | \$0,9         | 5%        |
| TOTAL  | 1088        | 100%        | \$18,7        | 100%      |

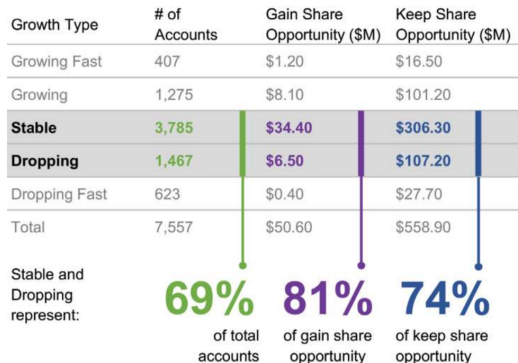
| Classe | Contas |      | Receita |      |
|--------|--------|------|---------|------|
|        | #      | %    | \$(M)   | %    |
| A+     | 19     | 2%   | \$3,9   | 21%  |
| A      | 77     | 7%   | \$4,7   | 25%  |
| B      | 338    | 31%  | \$6,0   | 32%  |
| C      | 425    | 39%  | \$2,8   | 15%  |
| D      | 24     | 2%   | \$0,4   | 2%   |
| Outros | 205    | 19%  | \$0,9   | 5%   |
| TOTAL  | 1088   | 100% | \$18,7  | 100% |

# Exemplo: refeições servidas ao longo do tempo

| Ano  | Refeições servidas |
|------|--------------------|
| 2010 | 40139              |
| 2011 | 127020             |
| 2012 | 168193             |
| 2013 | 153115             |
| 2014 | 202102             |
| 2015 | 232897             |
| 2016 | 277912             |
| 2017 | 205350             |
| 2018 | 233389             |
| 2019 | 232797             |

| Ano  | Refeições servidas |
|------|--------------------|
| 2010 | 40139              |
| 2011 | 127020             |
| 2012 | 168193             |
| 2013 | 153115             |
| 2014 | 202102             |
| 2015 | 232897             |
| 2016 | 277912             |
| 2017 | 205350             |
| 2018 | 233389             |
| 2019 | 232797             |

# Exemplo: compartilhamento de carteira por categoria



# Referências

---

- ▶ Bussab, WO; Morettin, PA. Estatística Básica. São Paulo: Editora Saraiva, 2006 (5ª Edição).
- ▶ Magalhães, MN; Lima, ACP. Noções de Probabilidade e Estatística. São Paulo: EDUSP, 2008.

